

# **UM4MES10 – Analyse des solides et structures par la méthode des éléments finis dans le cadre linéaire. (Finite element analysis for solids and structures. Basic formulation and linear problems.)**

Sophie DARTOIS

2025-06-30 17:36:37 +0200

## **Informations générales**

|   |  |
|---|--|
| <b>Title (EN)</b>   | Finite element analysis for solids and structures.<br>Basic formulation and linear problems. |
| <b>Titre (FR)</b>   | Analyse des solides et structures par la méthode des éléments finis dans le cadre linéaire.  |
| <b>Nom du ou de la responsable de l'UE</b>                | Sophie DARTOIS   |
| <b>Nombre d'heures de cours / Amount of class hours</b>   | 20   |
| <b>Volume h TD / Amount of exercise hours</b>             | 12   |
| <b>Volume h TP / Amount of practical work hours</b>       | 20   |
| <b>Volume h Projet / Amount of project hours</b>          | 0  |
| <b>ECTS</b>   | 6  |
| <b>Semestre</b>   | Automne (S1)   |
| <b>Semester</b>   | Sept-Jan (S1)  |
| <b>Periode (pour les cours M2)</b>                        |  |
| <b>Quarter (for M2 classes)</b>                           |  |
| <b>Langue</b>   | Français   |
| <b>Language</b>   | Français   |
| <b>Localisation</b>                                       | campus PMC   |
| <b>Lien vers l'emploi du temps / trad en Code de l'UE</b> | Campus PMC<br>UM4MES10   |

## Informations pédagogiques

### Contenu (FR)

- Formulations forte (locale), faible et variationnelle des problèmes d'élasto-statique linéaire et de thermique stationnaire.
- Principe de recherche de solutions approchées (Méthodes de Galerkin, Ritz,...).
- Grandes étapes de la discréétisation par éléments finis (fonctions de forme, interpolation, matrices et second-membres élémentaires, intégration numérique -réduite ou non-, conditions aux limites, assemblage, résolution, post-traitement, interprétation des résultats, qualité de l'approximation).
- Travaux pratiques numériques : utilisation et enrichissement d'un code 2D en élasticité linéaire, analyse des résultats (langage python).

### Content (EN)

- Strong (local), weak, and variational formulations of linear elastostatic and steady-state heat transfer problems.
- Approximation of integral formulations (Galerkin method, Ritz method, etc.).
- Major steps in finite element discretization (shape functions, interpolation, element matrices and right-hand sides, numerical integration -reduced or not-, boundary conditions, assembly, problem solving, post-processing, results analysis, quality of approximation).
- Numerical practical work: use and enhancement of a 2D code in linear elasticity, analysis of results (python language).

### Mots clés (FR)

Modélisation par éléments finis, élasticité linéaire, thermique stationnaire, théorie, simulation numérique, analyse de résultats

### Keywords (EN)

Finite element method, linear elasticity, steady-state heat transfer, theory, numerical simulation, results analysis.

### Préréquis (FR)

Bases de mécanique des milieux continus et de thermique stationnaire. Équations aux dérivées partielles. Algèbre linéaire et méthodes numériques.

## **Pre-requisites (EN)**

Basics of continuum mechanics and stationary heat transfer. Partial differential equations. Linear algebra and numerical methods.

## **Modalité d'évaluation**

note de session 1 =  $0,4 \times \text{TP} + 0,6 \times \text{exam écrit (DS1)}$  / note de session 2 = max (note de session 1,  $0,4 \times \text{TP} + 0,6 \times \text{oral (DS2)}$ )

## **Assessment**

first round grade =  $0,4 \times \text{TP} + 0,6 \times \text{written exam (DS1)}$  / second round grade = max (first round grade,  $0,4 \times \text{TP} + 0,6 \times \text{oral exam (DS2)}$ )

## **Acquis d'Apprentissage Visés**

- Savoir établir des formulations faibles de problèmes mécanique linéaires (thermique, élasticité).
- Mettre en œuvre des étapes de résolution par éléments finis.
- Utiliser la programmation scientifique (python).
- Étudier la convergence de solutions, stabilité, qualité,...
- Interpréter mécaniquement les résultats et en proposer une analyse critique.
- Rendre compte par écrit d'un travail numérique

## **Learning outcomes**

- Establish weak formulations of linear mechanical problems (linear elasticity, steady-state heat transfer,).
- Implement finite element analysis steps.
- Use scientific programming (Python).
- Study convergence of solutions, stability, quality, etc.
- Interpret results mechanically speaking and provide a critical analysis.
- Reporting on numerical work.

## **Bibliographie**

- M. Bonnet et A. Frangi, Analyse des solides déformables par la méthode des éléments finis, Éditions de l'École Polytechnique, 2006.
- – O.C. Zienkiewicz, R.L. Taylor and J.Z. Zhu, the Finite Element Method its basis & fundamentals, 6th edition, Elsevier, 2005

- O.C. Zienkiewicz and R.L. Taylor, the Finite Element Method for solid and structural mechanics, 6th edition, Elsevier, 2005
- J.L. Batoz, G. Dhatt, Modélisation des structures par éléments finis, Hermès, 1992.

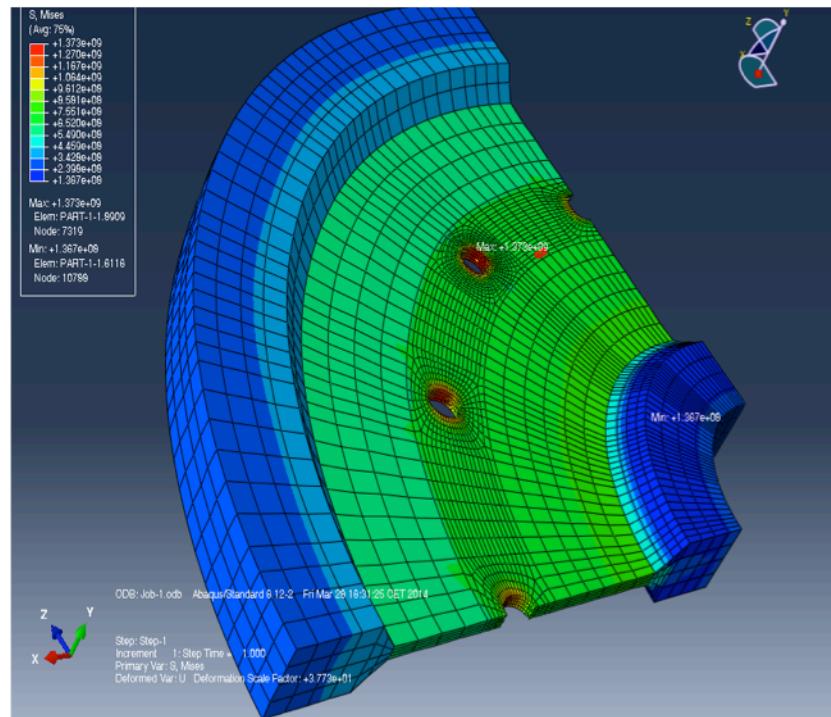


Figure 1: Figure

*Version PDF*